


<i>Lycée Takęlsa</i> <i>Prof : Ziadi Mourad</i> <i>Epreuve : Mathématiques</i>	 <i>Devoir de Contrôle N : 3</i>	
<i>Date : 21/04/2015</i>	<i>Durée : 2h</i>	<i>Classe : 4^{ème} Info</i>

Exercice N :1(04pts)

Pour Chacune des affirmations (A_1) ; (A_2) ; (A_3) et (A_4) ci-dessous ;

Répondre par « Vrai » ou « Faux » ; **en justifiant la réponse.**

(A_1) : Soit n un entier. Si $31n \equiv 0 \pmod{2015}$ alors $n \equiv 0 \pmod{65}$.

(A_2) : L'équation $31x + 93y = 2015$ admet des solutions dans $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$.

(A_3) : Le chiffre des unités de 9^{2015} est égal à 1.

(A_4) : Le quotient de 2015 par -15 est égal à -134 .

Exercice N :2 (05pts)

Un responsable de magasin achète des composants électroniques auprès de deux fournisseurs dans les proportions suivantes 35% au premier fournisseur et 65% au second.

La proportion de composants défectueux est de 2 % chez le premier fournisseur et de 3 % chez le second. Soient les évènements :

F_1 : « Le composant provient du premier fournisseur ».

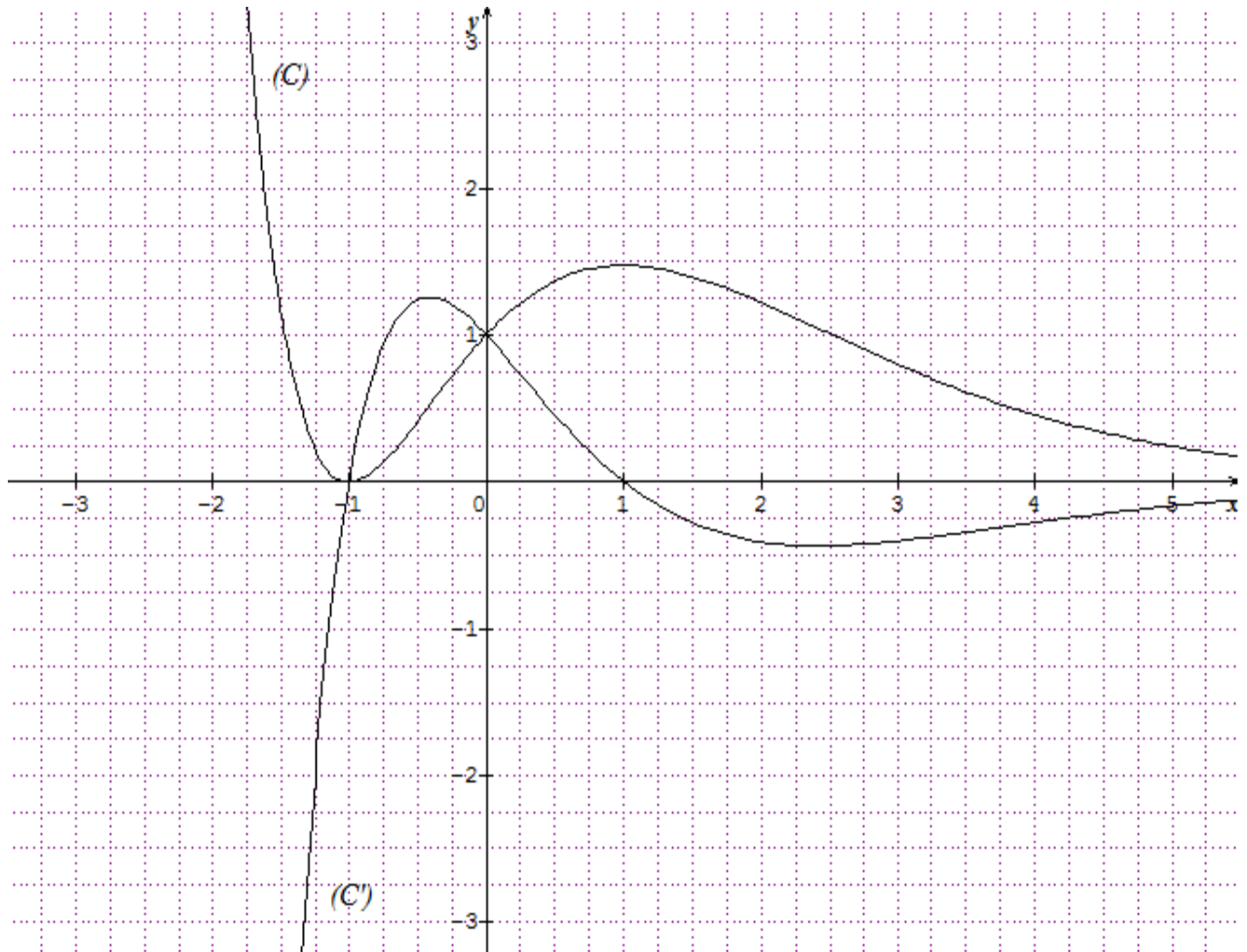
F_2 : « Le composant provient du second fournisseur ».

D : « Le composant est défectueux » ; et \bar{D} est l'évènement contraire de D .

- 1) Traduire la situation par un arbre pondéré.
- 2) Calculer $p(\bar{D} / F_1)$ et $p(D \cap F_1)$.
- 3) Montrer que $p(D) = 0,0265$.
- 4) Sachant qu'un composant est défectueux. Quelle est la probabilité qu'il provient du premier fournisseur.

Exercice N :3(05pts)

On a représenté ci-dessous, dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) , les courbes (C) et (C') , représentatives d'une fonction f définie et dérivable sur \mathbb{R} et de sa fonction dérivée f' .



- 1) Reconnaître la courbe représentative de f et celle de f' .
- 2) Déterminer $f(0)$, $f'(0)$, $f(-1)$ et $f'(-1)$.
- 3) Calculer l'aire \mathcal{A} de la partie du plan limitée par la courbe de f' , l'axe des abscisses et les droites d'équations : $x = -1$ et $x = 0$.
- 4) La fonction f est définie sur \mathbb{R} par $f(x) = (x + 1)^2 e^{-x}$.
 - a) A l'aide d'une double intégration par parties, montrer que
$$\int_{-1}^0 f(x) dx = 2e - 5.$$
 - b) Déterminer l'aire \mathcal{A}' de la partie du plan limitée par les courbes (C) et (C') et les droites d'équations : $x = -1$ et $x = 0$.

Exercice N :4(06pts)

- 1) Soit la fonction g définie sur $]0, +\infty[$ par $g(x) = 1 - \frac{1}{x} + \ln x$. On note (C) la courbe représentative de g dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .
- Calculer $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$.
 - Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x}$ et interpréter graphiquement le résultat.
 - Montrer que pour tout $x \in]0, +\infty[$ on a : $g'(x) = \frac{1+x}{x^2}$.
 - Dresser le tableau de variation de la fonction g .
- 2) a) Donner une équation cartésienne de la tangente (T) à la courbe (C) au point A d'abscisse 1.
 b) Tracer (T) et (C).
- 3) Soit f la fonction définie sur $]0, +\infty[$ par $f(x) = -1 + (x - 1) \ln x$.

On donne ci-dessous le tableau de variation de .

x	0		1		$+\infty$	
$f'(x)$		-	0	+		
f	$+\infty$	↘		-1	↗	
						$+\infty$

- Montrer que l'équation $f(x) = 0$ admet dans l'intervalle $]0, +\infty[$ exactement deux solutions notées α et β . (on prendra $\alpha < \beta$).
 - Justifier que $0,2 < \alpha < 0,3$ et que $2,2 < \beta < 2,3$.
- 4) Soit (E) la partie du plan limitée par la courbe (C), l'axe des abscisses et les droites d'équations $x = \alpha$ et $x = \beta$. On désigne par \mathcal{A} l'aire de (E).
- Hachurer (E).
 - Vérifier que pour tout $x \in]0, +\infty[$; $f'(x) = g(x)$.
 - Montrer que $\mathcal{A} = \int_1^\alpha g(x) dx + \int_1^\beta g(x) dx$.
 - En déduire la valeur de .

BON TRAVAIL

