

Exercice 1 : (4 pts)

Donner la réponse correcte.

- 1) La fonction $x \mapsto \frac{x}{|x|+1}$ est :
 - a) Définie sur : **i)** \mathbb{R} ; **ii)** $\mathbb{R} \setminus \{1\}$; **iii)** $\mathbb{R} \setminus \{-1,1\}$
 - b) **i)** Paire ; **ii)** impaire ; **iii)** ni paire ni impaire
- 2) La fonction définie sur \mathbb{R}_+ par $f(x) = \frac{-1}{\sqrt{x+1}} + 2$
 - a) n'est pas majorée sur \mathbb{R}_+ ; **b)** n'est pas minorée sur \mathbb{R}_+ ; **c)** borée sur \mathbb{R}_+ .
- 3) La fonction $x \rightarrow -x + 1 + \frac{1}{x}$ est :
 - a) Croissante sur $]0, +\infty[$; **b)** décroissante sur $]0, +\infty[$;
 - c) n'est pas monotone sur $]0, +\infty[$
- 4) Si g est une fonction continue sur l'intervalle $[-2,5]$ tels que $g(-2) = -3$ et $g(5) = -2$ alors l'équation $g(x) = 1$:
 - a) n'admet pas de solution dans $[-2,5]$; **b)** admet au moins une solution dans $[-2,5]$; **c)** admet une seule solution dans $[-2,5]$

Exercice 2 : (7 pts)

Soient f la fonction définie sur $]0, +\infty[$ par $f(x) = \frac{1}{x}$ et g la fonction définie par :

$$g(x) = \begin{cases} \sqrt{x+1} & \text{si } x \geq -1 \\ x+2 & \text{si } x < -1 \end{cases}$$

On désigne par (C) et (C') les courbes représentatives de f et g dans un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) .

- 1) **a)** Justifier la continuité de f sur $]0, +\infty[$.
b) Justifier la continuité de g sur $[-1, +\infty[$ puis sur $]-\infty, -1[$.
- 2) Tracer (C) et (C') dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) .
- 3) **a)** g est-t-elle continue à droite en 1 , à gauche en 1 ?
b) g est-t-elle continue en 1 ?

- 4) a) Montrer que l'équation $f(x) = g(x)$ admet une solution α dans $\left[\frac{1}{2}, 1\right]$.
 b) Donner un encadrement de α à 10^{-1} près.

Exercice 3 : (6 pts)

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) . Soit $A(1,0)$ et $B(-1,0)$

On considère G le barycentre des points pondérés $(A, 2)$ et $(B, -3)$.

- 1) Calculer les distances AB , AG et BG
 2) Soit f l'application du plan dans lui-même définie par :

$$f(M) = 2MA^2 - 3MB^2$$

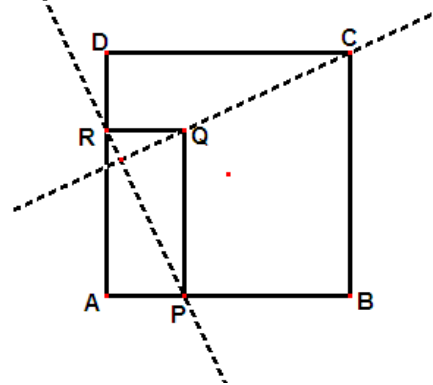
- a) Calculer $f(G)$.
 b) Montrer que $f(M) = f(G) - MG^2$.
 3) Discuter suivant les valeurs de k l'ensemble des points M tel que $f(M) = k$; $k \in \mathbb{R}$.

Exercice 4 : (3pts)

Dans la figure ci-contre $ABCD$ est un carré de côté a et $APQR$ est un rectangle tel que P est sur le côté $[AB]$, R est sur le côté $[AD]$ et $AP = DR$

A l'aide d'un choix convenable d'un repère

Orthonormé, montrer que les droites (PR) et (CQ) sont perpendiculaires.



Bon travail