

EXERCICE N°1 (11 pts)

On considère les nombres réels suivants : $a = \sqrt{300} - \sqrt{192} - 4$; $b = \frac{-8}{\sqrt{10+3\sqrt{2}}}$ et $c = \frac{(a^3b)^{-2} \cdot a^8}{(ab^{-1})^2}$

1°) Calculer c.

2°) a- Montrer que : $a = 2\sqrt{3} - 4$ et que $b = \sqrt{10} - 3\sqrt{2}$

b- Déterminer le signe de a .

c- Montrer que : $a^2 = 28 - 16\sqrt{3}$ et que $b^2 = 28 - 12\sqrt{5}$

3°) a- comparer : $4\sqrt{3}$ et $3\sqrt{5}$ puis déduire que : $a^2 > b^2$

b- Déduire une comparaison de a et b

4°) a- Ecrire le nombre $\sqrt{28 - 16\sqrt{3}}$ avec un seul radical.

b- Montrer que $1 + \frac{\sqrt{3}}{2}$ est l'inverse de $\sqrt{28 - 16\sqrt{3}}$.

EXERCICE N°2 (09 pts)

Soit ABC un triangle tel que $AB = 4$, $AC = 8$ et $BC = 6$

Soit E le point de [AB) tel que $AE = 6$. La parallèle à (BC) passant par E coupe (AC) en F.

1°) Calculer AF et EF

2°) Soit le point G de [AB) tel que $AG = 9$. Montrer que (FG) // (CE)

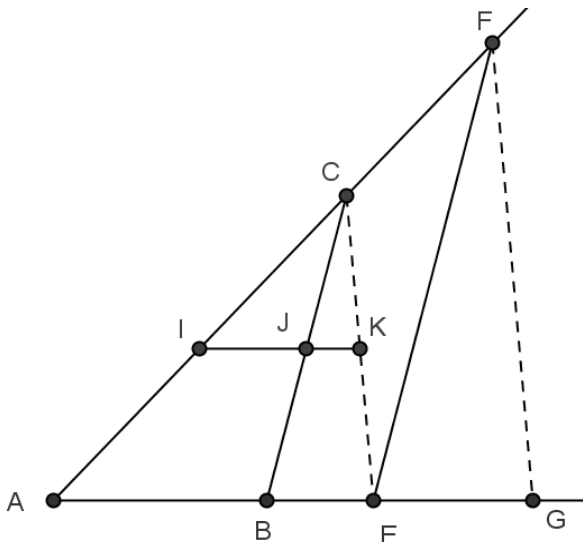
3°) On désigne par I le milieu du segment [AC] et J celui de [BC]. La droite (IJ) coupe (EC) au point k.

a- Montrer que les droites (IJ) et (AB) sont parallèles.

b- Déduire que K est le milieu du segment [EC]

4°) Etant donné deux points distincts P et Q.

Construire le point M de la droite (PQ) vérifiant : $PM = \frac{4}{3}PQ$



BON
MATHAVANT