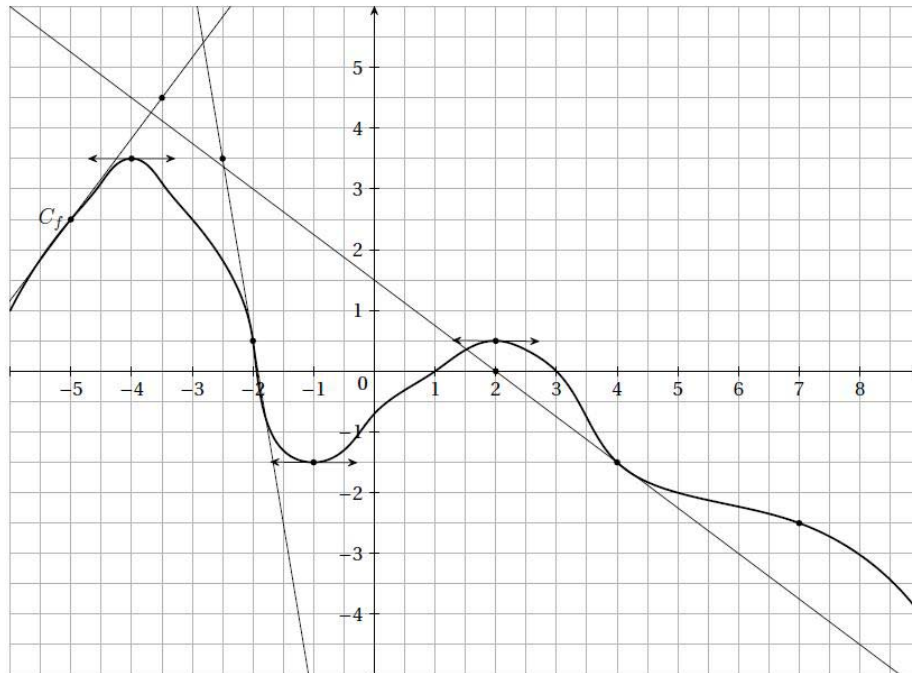


**Exercice n°1(6points)**

Voici la courbe représentative  $C_f$  d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$   
 $C_f$  coupe (OI) en  $(-1,9,0)$  ,  $(1,0)$  et  $(3,0)$



D'après le graphique:

1- Compléter le tableau suivant

	<b>-5</b>	<b>-4</b>	<b>-2</b>	<b>-1</b>	<b>2</b>	<b>4</b>
$f(x)$						
$f'(x)$						

2- Déterminer une équation de la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse  $-2$  et  $-1$

3- On sait que  $f'(7) = -\frac{1}{3}$  ; tracer  $T_7$ , tangente à la courbe  $C_f$  au point d'abscisse 7.

4- Dresser tableau de variation de  $f(x)$  et signe de  $f'(x)$

5- Donner sans justifier l'ensemble de solutions

❖ Des équations a)  $f(x)=0$       b)  $f'(x)=0$

❖ Des équations a)  $f(x)\leq 0$       b)  $f'(x)\leq 0$

❖ **Exercice n°2( 5points)**

1- soit  $f(x)$  définie sur  $[0, +\infty[$  par  $f(x)=\sqrt{x}$

étudier ,en utilisant la définition , la dérivabilité de  $f$  en  $x_0=0$  puis interpréter la résultat graphiquement

2- soit  $g(x)$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $g(x) \begin{cases} x + 1 & \text{si } x < 2 \\ x^2 - 1 & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$

a- Montrer que  $g(x)$  est continue en 2

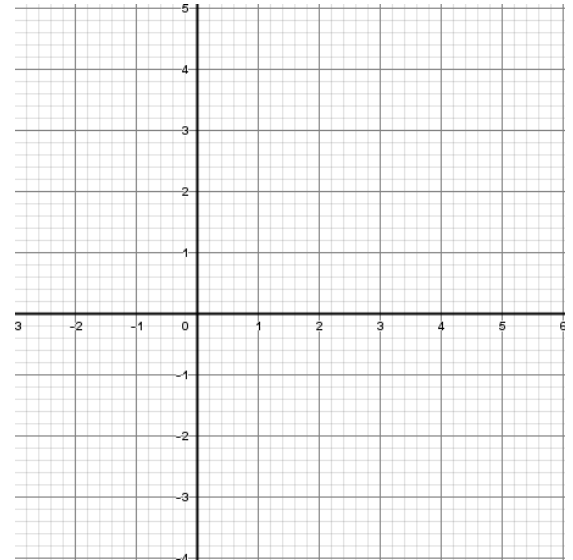
b- étudier ,en utilisant la définition , la dérivabilité de  $g(x)$  en  $x_0=2$  puis interpréter la résultat graphiquement

**Exercice n°3( 4 points)**

Soit la fonction définie sur  $[-2, 5]$

$$\text{par } f(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 1$$

- 1- dresser tableau de variation de  $f(x)$  sur  $[-2, 5]$
- 2- déterminer l'équation de la tangente  $T_{-1}$  en  $a=-1$  et la tangente  $T_4$  en  $a=4$
- 3- tracer  $T_{-1}$ ,  $T_4$  la **tangente horizontale** puis  $C_f$



**Exercice n°4(3 points)**

1- Résoudre dans  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$  selon les valeurs de  $a$  le système suivant

$$\begin{cases} ax + y = 2 \\ (a^2 + 1)x + 2ay = 1 \end{cases}$$

3- Résoudre dans  $\mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R}$  selon les valeurs de  $a$  le système suivant

$$\begin{cases} x + 3y + 3z = 8 \\ 2x + y + 4z = 9 \\ 3x + 2y + z = 9 \end{cases}$$

**Exercice n°5(2points)**

On considère la suite  $(U_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par

$$\begin{cases} U_0 = 2 \\ U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 3 \quad \text{pour tout } n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

Montrer par récurrence que pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $U_n < 6$